

[A] નીચેના પ્રશ્નોના ટૂંકમાં ઉત્તર લખો. (પ્રત્યેકનો ૨ ગુણ)

[46]

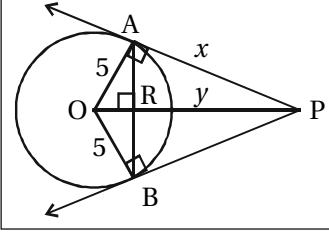
1. વર્તુળના કેન્દ્ર O માંથી પસાર થતી એક રેખા વર્તુળના એક સ્પર્શકને Q બિંદુમાં છેદે છે. સ્પર્શકનું સ્પર્શબિંદુ P છે. વર્તુળની ત્રિજ્યા 5 હોય અને $OQ = 13$ હોય, તો PQ શોધો.
2. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને X અને Y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $r = 12$, $XP = 5$ હોય, તો OP શોધો.
3. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને X ને Y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $m\angle XOY = 110$ હોય, તો $m\angle XPO$ શોધો.
4. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને X અને Y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $OP = 25$ અને $PY = 24$ હોય, તો r શોધો.
5. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને X ને Y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $m\angle XPO = 80$ હોય, તો $m\angle XOP$ શોધો.
6. જેની ત્રિજ્યા 73 અને 55 હોય તેવા બે સમકેન્દ્રી વર્તુળો આપેલ છે. મોટી ત્રિજ્યાવાળા વર્તુળની એક જીવા નાના વર્તુળને સ્પર્શે છે. આ જીવાની લંબાઈ શોધો.
7. \overline{AB} એ $\odot(O, 10)$ નો વ્યાસ છે. B માંથી $\odot(O, 8)$ ને દોરેલી સ્પર્શરેખા $\odot(O, 8)$ ને D બિંદુએ સ્પર્શે છે. \overrightarrow{BD} એ $\odot(O, 10)$ ને C માં છેદે છે. AC શોધો.
8. O કેન્દ્રિત વર્તુળના બહારના ભાગમાં કેન્દ્રથી 34 અંતરે બિંદુ P આવેલ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલો સ્પર્શક વર્તુળને Q માં સ્પર્શે છે. જો $PQ = 16$ હોય, તો વર્તુળનો વ્યાસ શોધો.
9. O કેન્દ્રિત વર્તુળના બહારના ભાગમાં આવેલું બિંદુ P છે. વર્તુળની ત્રિજ્યા 24 છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલો સ્પર્શક વર્તુળને Q માં સ્પર્શે છે. જો $OP = 25$ હોય, તો PQ શોધો.
10. r ત્રિજ્યાવાળા વર્તુળમાં r માપની જીવાનું અંતર કેન્દ્રથી r સ્વરૂપમાં મેળવો.
11. $\odot(O, 17)$ અને $\odot(O, 8)$ માં $\odot(O, 17)$ ની જીવા \overline{AB} એ $\odot(O, 8)$ ને સ્પર્શે છે. AB શોધો.
12. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને x અને y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $r = 9$, $XP = 40$ હોય, તો OP શોધો.
13. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને x અને y બિંદુએ સ્પર્શે છે : $m\angle XOY = 120$ હોય, તો $m\angle XPO$ શોધો.
14. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને x અને y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $OP = 17$ અને $PY = 15$ હોય, તો r શોધો.
15. બિંદુ P એ $\odot(O, r)$ ની બહારનું બિંદુ છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલા સ્પર્શકો વર્તુળને x અને y બિંદુએ સ્પર્શે છે : જો $m\angle XPO = 50$ હોય, તો $m\angle XOP$ શોધો.
16. જેની ત્રિજ્યા 6 અને 3.6 હોય તેવા બે સમકેન્દ્રીય વર્તુળો આપેલા છે. મોટી ત્રિજ્યાવાળા વર્તુળની એક જીવા નાના વર્તુળને સ્પર્શે છે. આ જીવાની લંબાઈ શોધો.
17. \overline{AB} એ $\odot(O, 29)$ નો વ્યાસ છે. B માંથી $\odot(O, 21)$ ને દોરેલી સ્પર્શ રેખા $\odot(O, 21)$ ને D બિંદુએ સ્પર્શે છે. \overrightarrow{BD} એ $\odot(O, 29)$ ને C માં છેદે છે. AC શોધો.
18. O કેન્દ્રિત વર્તુળના બહારના ભાગમાં કેન્દ્રથી 41 અંતરે બિંદુ P આવેલું છે. P માંથી વર્તુળને દોરેલો સ્પર્શક વર્તુળને Q માં સ્પર્શે છે. જો $PQ = 40$ હોય તો વર્તુળનો વ્યાસ શોધો.
19. \overline{AB} એ $\odot(O, 6)$ ની જીવા છે. $AB = 9.6$. વર્તુળને A અને B બિંદુએ દોરેલા સ્પર્શકો P બિંદુએ છેદે છે તો PA શોધો.
20. P એ $\odot(O, 7)$ ના સમતલનું એવું બિંદુ છે કે જેથી $OP = 25$ છે. P માંથી વર્તુળને બે સ્પર્શકો દોરેલા છે, જે વર્તુળને A અને B માં સ્પર્શે છે. AB શોધો.
21. $\triangle ABC$ માં $\angle B$ કાટખૂણો છે. $AB = 8$, $BC = 15$ હોય, તો $\triangle ABC$ ની ત્રણે બાજુઓને સ્પર્શતા વર્તુળની ત્રિજ્યા શોધો.

22. એક વર્તુળ $\square ABCD$ ની બાજુઓને સ્પર્શે છે. $AB = 6$, $BC = 10$ અને $CD = 8$ હોય, તો AD શોધો.
23. $\odot(O, r)$ ના બહિર્ભાગમાં બિંદુ A છે. A માંથી પસાર થતી રેખા વર્તુળને B આગળ સ્પર્શે છે. $OA = 17$, $AB = 15$ હોય, તો r શોધો.

[B] નીચેના પ્રશ્નોના ટૂંકમાં ઉત્તર લખો. (પ્રત્યેકનો 3 ગુણ)

[18]

24. $\odot(O, r_1)$ અને $\odot(O, r_2)$ માં $r_1 > r_2$. $\odot(O, r_1)$ ની જુવા \overline{AB} એ $\odot(O, r_2)$ ને સ્પર્શે છે. AB ને r_1 અને r_2 ના સ્વરૂપમાં મેળવો.
25. $\odot(O, r_1)$ અને $\odot(O, r_2)$ માં $r_1 > r_2$. $\odot(O, r_1)$ ની જુવા \overline{AB} એ $\odot(O, r_2)$ ને સ્પર્શે છે. જો $r_1 = 41$ અને $r_2 = 9$ હોય, તો AB શોધો.
26. \overline{AB} , $\odot(O, 5)$ ની જુવા છે. $AB = 8$. વર્તુળને A અને B બિંદુએ દોરેલા સ્પર્શકો P બિંદુએ છે. PA શોધો.



27. $\triangle ABC$ માં $\angle B$ કાટખૂણો છે. જો $AB = 24$, $BC = 7$, તો, $\triangle ABC$ ની ત્રણે બાજુઓને સ્પર્શતા વર્તુળની ત્રિજ્યા શોધો.
28. $\square ABCD$ માં $m\angle D = 90$. O કેન્દ્ર અને r ત્રિજ્યાવાળું વર્તુળ ચતુષ્કોણની બાજુઓ \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CD} અને \overline{DA} ને અનુક્રમે બિંદુઓ P , Q , R અને S માં સ્પર્શે છે. જો $BC = 40$, $CD = 30$ અને $BP = 25$, તો વર્તુળની ત્રિજ્યા શોધો.
29. એક વર્તુળ $\square ABCD$ ની બધી બાજુઓને સ્પર્શે છે. જો $AB = 5$, $BC = 8$, $CD = 6$ હોય, તો AD શોધો.

[C] નીચેના પ્રશ્નોના મુદ્દાસર ઉત્તર લખો. (પ્રત્યેકનો 4 ગુણ)

[16]

30. બે સમકેન્દ્રી વર્તુળોની ત્રિજ્યાઓ 26 અને 24 છે. મોટી ત્રિજ્યાવાળાં વર્તુળની જુવા નાની ત્રિજ્યાવાળાં વર્તુળને સ્પર્શે છે. આ જુવાની લંબાઈ શોધો.
31. $\triangle ABC$ માં $m\angle B = 90$. એક વર્તુળ $\triangle ABC$ ની બધી જ બાજુઓને સ્પર્શે છે. જો $AB = 5$, $BC = 12$, હોય, તો વર્તુળની ત્રિજ્યા શોધો.
32. એક વર્તુળ $\triangle ABC$ ની બાજુઓ \overline{BC} , \overline{CA} , \overline{AB} ને અનુક્રમે D , E , F માં સ્પર્શે છે. વર્તુળની ત્રિજ્યા 4 એકમ છે. જો $BD = 8$, $DC = 6$ હોય, તો AB અને AC શોધો.
33. P એ $\odot(O, 5)$ ના સમતલનું એવું બિંદુ છે કે જેથી $OP = 13$. P માંથી વર્તુળને બે સ્પર્શકો દોરેલા છે, જે વર્તુળને A અને B માં સ્પર્શે છે. AB શોધો.

